

Le cycle de la variabilité de 2.4 degrés de l'axe de la Terre est de 693 ans(3)

Note: Après le long texte de ma première démonstration qui se termine vers l'équation 21, j'ai trouvé et écrit une autre façon beaucoup plus directe de trouver la durée de ce cycle de 693 ans.

Puis un peu plus loin, je démontre que la durée du cycle de précession N de l'orbite de la Lune est inversement proportionnel au rayon de l'orbite de la Lune, avec cette dernière notion (avec une estimation de la variation du cycle de précession E), j'ai la certitude que la durée de ce cycle N vaut environ 693 ans.

Nutation et précession gyroscopique de la Terre

Selon plusieurs références, le cycle de la variation de l'angle d'inclinaison du plan de rotation de la Terre sur elle-même serait de 41 mille ans, c'est ce phénomène que l'on appelle nutation gyroscopique, certains utilisent l'expression variation de l'obliquité de l'axe polaire. Ce cycle de nutation gyroscopique de la Terre ne correspond pas au cycle de précession gyroscopique de la Terre qui dure 26 mille ans. Pour voir si cela est conforme à la loi du gyroscope, je propose d'étudier ces deux mouvements gyroscopiques. D'abord le moment de force qui engendre ce phénomène est dû au fait que le centre de gravité de la Terre n'est pas complètement au centre, ce qui fait que le Soleil et surtout la Lune exercent un moment de force sur le plan de rotation journalier de la Terre, appelons ce moment de force M. Considérons l'axe x,y,z ; x pour l'axe gauche-droite de nos écrans d'ordinateur, y pour l'axe qui est une droite perpendiculaire au plan de nos écrans, z pour l'axe vertical. Considérons θ_y est une position angulaire autour de l'axe des y et que $\dot{\theta}_y$ est la vitesse angulaire de rotation autour de l'axe des y et que $\ddot{\theta}_y$ est l'accélération rotationnelle autour de l'axe des y, nous pouvons faire de même pour les autres axes x et z. Considérons que le gyroscope tourne de façon constante rapidement au départ autour de l'axe des y et que cette vitesse de rotation est représentée par ω , il faut distinguer cette rotation avec la précession sur l'axe des z. Maintenant en considérant que I est le moment d'inertie du gyroscope on peut maintenant établir les principales équations de base du gyroscope

activé:

$$i\theta''x = M - i\omega\theta'z \text{ (équation 1),}$$

$$i\theta''z = i\omega\theta'x \text{ (équation 2),}$$

intégrons l'équation 2:

$$i\theta'z = i\omega\theta x + C1 \text{ (équation 3),}$$

au condition initial $i\theta'z = 0 = i\omega\theta x$ et $C1$ vaut donc 0, alors nous devons donc considéré

que $i\theta'z = i\omega\theta x$ et que $\theta'z = \omega\theta x$, Nous cherchons la relation entre $\theta'z$ et $\theta'x$, continuons

en intégrant l'équation 1 : $i\theta'x = M t - i\omega\theta z + C2$ (équation 4),

au condition initial ($t = 0$), $\theta'x = 0 = \theta x = \theta z$, alors $C2 = 0$, Notons que le mouvement $\theta'x$

est le mouvement de nutation et $\theta'z$ est le mouvement de précession. En posant $C2 = 0$

dans l'équation 4, on obtient: $i\theta'x = M t - i\omega\theta z$ (équation 5),

$$i\theta'z = i\omega\theta x \text{ (équation 3 avec } C1 = 0),$$

prenons $t = T/2 = (.5T)$, T étant la période complete du cycle de nutation, alors $T/2$ correspond a un demi cycle de nutation, pour une tel condition $\theta'x$ vaut 0 et $M =$

$$(.5)i\omega\theta'z$$

(il faut considéré l'équation 1 pour $\theta'x = 0$ a la fin de la décélération et non pas a la fin de

l'accélération, il y a combat contre l'énergie cinétique $(.5)i(\theta'x)^2$ pour la rendre nulle et

une fois celle-ci nulle, $i\omega\theta'z$ est 2 fois plus grand que M), écrivons l'équation 5 avec ces

valeurs:

$$0 = [(.5)i\omega\theta'z]T(.5) - i\omega\theta z,$$

$$\theta z = [(.25)\theta'z]T \text{ (équation 6),}$$

prenons $\theta z = \pi$ et $\theta'z = (C3)\theta'z$ moyen = $(C3)[(\pi)/(.5P)]$ ou $.5P$ est la demi période de

précession, introduisons ces valeur dans l'équation 6: $(\pi) = [(.25)(C3)(\pi)/(.5P)]T$, $P = (1/2)(C3)T$,

j'ai estimé que $C3$ valait 2, j'ai écrit les calculs de la démonstration un peu plus loin, quoi

qu'il en soit $C3$ n'est pas très loin de cette valeur, pour $C3 = 2$, on a:

$P = T$ (équation 7),

cela démontre que la période du cycle de précession P est égale à la période du cycle de

nutation T .

Démonstration que $C3 = 2$:

selon l'équation 3, $\dot{\theta}_z = \omega_0 x$, introduisons cette valeur dans l'équation 6, à la place de $\dot{\theta}_z$:

$\dot{\theta}_z = [(.25)\omega_0 x]T$ (équation 6,

divisons chaque membre de cette équation par $(.5)T$, cela donne:

$\dot{\theta}_z / (.5T) = (.5)\omega_0 x$ mais le terme de gauche est la vitesse de précession moyenne qui vaut

à ce moment $(.5)\dot{\theta}_z$ maximum, il le faut bien pour que $\dot{\theta}_z = \omega_0 x$ selon l'équation 3).

Fin de la démonstration que $C3 = 2$.

Ma démonstration (que $P = T$) est incomplète, car dans l'équation 6, j'ai établi que $\dot{\theta}_z$

valait π quand $t = T/2$, puis avant d'arriver à l'équation 7, on obtient le résultat suivant:

$\dot{\theta}_z / \pi = T/P$ (équation 9),

mais cela peut être démontré, avant il faut remarquer que les équations de base du gyroscope sont simplifiées et ici cette simplification peut se faire, car la variation de l'inclinaison θ_x est faible pour la Terre (2.4 degrés), l'erreur ne dépasse pas 10 % .

Pour démontrer que $\dot{\theta}_z$ vaut π , je tiens compte de l'équation 3 pour déduire que $\dot{\theta}_z = \omega_0 x$, puis il faut trouver la solution de θ_x pour l'équation 1, en remplaçant $\dot{\theta}_z$ par

$\omega_0 x$, et résoudre θ_x pour l'équation 1 écrite sous la forme suivante:

$$\ddot{\theta}_x = M/i - (\omega^2)\theta_x ,$$

$$\ddot{\theta}_x + (\omega^2)\theta_x = M/i \text{ (équation 10),}$$

La solution d'un tel système est:

$$\theta_x = e^{(-j\omega t)} + M/(i\omega^2) \text{ (équation 11),}$$

dans cette équation $j = (-1)^{(1/2)}$, c'est un nombre complexe, pour vérifier cette

solution

il s'agit d'introduire cette valeur pour $0x$ dans l'équation 10. Nous savons d'après l'équation 3, que $0z = w0x$, et d'après l'équation 11, $0z$ vaut:

$0z = we^{(-.5wjT)} + M/(iw) = 4(\text{pie})/P$ (a $t = T/2$), (équation 12),
comme $M/(iw) = 2(\text{pie})/P$,
nous déduisons de l'équation 12, que:
 $e^{(-.5wjT)} = [2(\text{pie})]/(wP)$,

il ne reste donc qu'à intégrer l'équation 12 pour trouver $0z$:

$0z = (1/j)e^{(-.5wT)} + [M/(iw)](T/2)$ a $t = T/2$ (équation 13),
 $0z = 2(\text{pie})/(wP) + [2(\text{pie})/P](T/2)$,

$0z = 2(\text{pie})/(wP) + (\text{pie})(T/P)$ (équation 14),

comme wP est beaucoup plus grand que $2(\text{pie})$ dans le premier terme du membre de droite de l'équation 14, alors ce terme tend vers zéro et on peut très bien approximer que :

$0z = (\text{pie})(T/P) = (3.1416)(T/P)$ (équation 15),

on obtient encore l'équation 9, sauf pour $T = p$ et pour cette valeur ($0z = \text{pie}$), et en introduisant $0z = \text{pie}$ dans l'équation 9, on obtient:

$$(\text{pie})/(\text{pie}) = T/P, P = T \text{ (équation 7),}$$

Mais pour $T = P$, s'agit-il d'une valeur particulière pour un gyroscope particulier ?

Voici

pourquoi que T vaut P : selon l'équation 9:

$$0z/(\text{pie}) = T/P \text{ (équation 9),}$$

supposons que $0z = (C4)(\text{pie})$, alors l'équation 9 devient:

$$(C4) = T/P \text{ (équation 16),}$$

mais si $T = P$ est une valeur particulière, alors la constante $C4$ vaut 1 et cette constante ne

peut changé pour d'autre variables, telle que que sont les variables i, w, M et l'équation 7 est valable:

$$P = T \text{ (équation 7),}$$

si $P = T$ n'est pas une valeur particulière comme on l'a démontré et est valable pour toute

les variables i, w, M normal, la démonstration est terminée, la durée du cycle de précession est

égal à la durée du cycle de nutation, pour un gyroscope comme la Terre qui est activé par la

Lune et le Soleil.

On a déduit que:

$$e^{(-.5wjT)} = (2\text{pie})/(wP) \text{ (équation 16),}$$

$$-.5wjT = \text{Ln}[(2\text{pie})/(wP)] \text{ (équation 17),}$$

pour $P = 26$ milles ans, $T = 5.11$ jours ?

Mais ici on peut être beaucoup plus précis pour la Terre, en tenant compte de l'inclinaison

de l'axe de rotation de la Terre, et multiplier par $\cos(76.5)$ le terme suivant:

$iw0'z[\cos(76.5)] = (.233)iw0'z$ et tenir compte que $\cos(76.5)$ est constant (pour simplifier),

on a donc à remplacer le terme $iw0'z$ de l'équation 1 par:

$(.233)iw0'z$, de même il faut remplacer le terme $iw0'x$ de l'équation 2, par le terme

$(.233)iw0'x$, puis je donne la solution de ce système:

$0x = e^{(-.233wjt)} + M/[i(.233w)^2]$ (équation 18),
 $e^{(-.233)(.5)wjT} = [(2\text{pie})/(.233wP)]$,
 $-(.233)(.5)wjT = \text{Ln}[(2\text{pie})/(.233wP)]$,
 pour $P = 26\ 000$ ans , on a $T = 19.92$ jours.

Mais il existe une précession inverse, celle qui correspond au moment de la pleine Lune est inverse a celle qui correspond au monent de la nouvelle Lune, puis il a une précession dominante(probablement celle correspondant a la nouvelle Lune), la période de précession de 26 000 ans est donc le cumulatif de ces différente précession, il ne faut donc pas introduire $P = 26\ 000$ ans dans ces équations, alors T n'égal pas 19.92 jours.

En divisant les deux équations suivante, on pourra établir une relation entre ces deux périodes :

$$(0'z1 - 0'z2)P/2 = \text{pie}$$

$$\text{pie} = (.233w)[e^{(-.233wjt1)} - e^{(-.233wjt2)} + A - B](P/2) \text{ (équa. 19),}$$

$$A = M1/[i(.233w)^2], B = M2/[i(.233w)^2],$$

$$(0'x1 - 0'x2)T/2 = (2.4)(\text{pie})/(180) = (-.233wj)[e^{(-.233wjt1)} - e^{(-.233wjt2)}](T/2) \text{ (équa.20)}$$

$$\text{(équa. 19)/(équa. 20)} = (180)/(2.4) = -2P/(jT) \text{ (équation 21),}$$

$(180)/(2.4)$ est un rapport angulaire,

le signe négatif est du au fait que la rotation de $0'x$ est de sens contraire a $0'z$,

$$(2/75)P = T \text{ (équation 22),}$$

pour $P = 26\ 000$ ans, $T = 693.33$ ans .

La période du cycle de nutation cumulative T est donc tres différente de la période du

cycle de précession P , pour le gyroscope de la Terre activé par la Lune et le Soleil.

J'ai trouve' une evidence pour mon cycle de 693 ans, avec l'analyse de donnees venant de l'observation des astronomes et avec cette analyse on peu eviter de faire tous les calculs que j'ai fait precedemment, mais tout de memme la valeur de 693 ans que j'avais trouve' m'a permis de trouver rapidement la bonne facon de faire les bons liens; il suffit de faire le lien avec le cycle de precession de l'orbite de la Lune, qu'on peu appeler cycle de precession Lunaire N qui dure

18.6 ans(certain ecrive : revolution de la ligne des noeuds), pour simplifier, ecrivons E, le cycle de precession des equinoxes de 26 000 ans, et ecrivons O pour le cycle de la variabilite' de l'obliquite', et ecrivons N pour le cycle de precession de l'orbite Lunaire de 18.6 ans. Ces trois cycles sont lie' et le cycle O est intermediaire en dure' entre le cycle E et le cycle N et cela se presente comme suit:

$$E = (\text{constante})O,$$

$$O = (\text{constante})N,$$

alors:

$$E = (\text{constante})[(\text{constante})N] = [(\text{constante})^2]N,$$

notons que ces constantes sont identique, cela est necessaire car il faut que cette constante inclu le rapport des deplacements angulaire qui est de:

$$(360)/[(2)(2.4)] = (180)/(2.4) = 75,$$

puis il faut multiplier par la meme constante (1/x), soit:

(constante) = (75)/x , l'analyse qui va suivre plus loin donne une idee de la raison pour choisir le correcteur (1/x),

on peut deja trouver E:

$$E/O = O/N = (\text{constante}),$$

$$O^2 = NE = (18.6 \text{ ans})(26\ 000 \text{ ans}),$$

$O = 695.4$ ans, j'avais déjà obtenu $O = 693.3$ ans, la différence étant moins de .5%, pour rendre plus évident cette valeur, poursuivons notre analyse;

$$E/N = (26\ 000 \text{ ans})/(18.6 \text{ ans}) = (37.4)^2,$$

$$E = [(75)^2](1/4)N = [(constante)^2]N = \{(75)(1/x)^2\}N,$$

$$(1/4) = (1/x)^2,$$

$$x = 2,$$

alors :

$$(constante) = (75)/2 = 37.5,$$

on voit bien que tout est bien équilibré et de plus on peut remarquer que la précession O est si bien équilibrée entre les précessions E et N , qu'on peut faire l'affirmation suivante:

le cycle N est d'autant plus petit que le cycle O , que le rapport des déplacements angulaires (75) est grand, le correcteur étant $(1/2)$, puis le cycle E est d'autant plus grand que le cycle O , que le rapport des déplacements angulaires (75) est grand, le correcteur étant $(1/2)$.

Cela s'exprime aussi comme suit:

$$N = O/[(75)/2],$$

$$E = [(75)/2]O,$$

on a donc trouvé deux façons d'obtenir O , une par la théorie avec la valeur connue pour E et de l'autre façon on obtient O avec les valeurs connues pour E et N , $O = 693$ ans.

Autre bonne nouvelle, j'ai maintenant assez étudié le cycle de précession N de l'orbite lunaire qui vaut 18.6 ans, que je vois assez bien le lien entre les trois cycles N, O, E , et je suis vraiment heureux de vous annoncer que je suis

maintenant certain que le cycle de variabilité de l'obliquité de l'axe de la Terre de 2.4 degrés est d'environ 693 ans, l'erreur étant de plus ou moins quelques années;

j'arrive à cette certitude en considérant que la durée du cycle N de 18.6 ans varierait comme l'inverse du rayon de l'orbite Lunaire qui vaut environ 37.9 diamètres Terrestres (en supposant que je serais capable de varier cette orbite), mais la vitesse linéaire de la Lune ne serait pas changée, autrement écrit cela se résume à ceci:

plus le rayon de l'orbite Lunaire est grand et plus la durée du cycle N est courte. Cela est normal parce que la vitesse de précession de l'orbite Lunaire est d'autant plus grande que le rayon de l'orbite Lunaire est grand.

Ici la valeur de 693 ans pour le cycle O devient évidente, grâce à la petite analyse suivante: si je diminue l'orbite de Lune de 37.276 fois, alors la durée du cycle N est augmentée de

37.276 fois et vaudrait alors 693.333 ans, exactement comme la durée du cycle O que j'ai calculée, aussi comme cette orbite serait beaucoup plus petite, le moment de force exercé sur la Terre par la Lune serait aussi beaucoup plus grand et aussi la vitesse de précession E de l'axe de la Terre qui est actuellement de 26 000 ans serait beaucoup plus petite, aussi l'angle de la variabilité de l'obliquité qui

est actuellement de 2.4 degres serait aussi plus grand, en resume', N serait plus grand, et E serait plus petit et ces deux valeurs(N et E) se rapprocherait de la valeur O, c'est ainsi que j'arrive a la certitude que la valeur que j'ai calcule' pour le cycle O ne peut pas etre tres differente de 693 ans, n'oublions pas N et E sont connu par les astronomes et O est necessairement intermediaire entre ces deux valeurs et ma connaissance des variations de N et de E, m'indique que la valeur que j'ai calcule' pour O est correct sans erreur importante .

Voici la demonstration que la vitesse de precession Vn de l'orbite Lunaire vari comme le rayon R de son orbite:

Dabord pour simplifier supposons que l'orbite de la Lune est circulaire, dans un tel cas si le plan de l'orbite de la Lune etait perpendiculaire au plan de l'orbite de la Terre autour du Soleil, l'action du Soleil sur la Lune ne pourrait pas cause' une vitesse de precession Vn a l'orbite de la Lune, aussi si le plan de l'orbite de la Lune etait parallele au plan de l'orbite de la Terre autour du Soleil, l'action du Soleil sur la Lune ne pourrait pas cause' une vitesse de precession Vn a l'orbite de la Lune, par contre si le plan de l'orbite de la Lune est intermediaire au deux plans de l'orbite Lunaire explique' precedemment, alors l'action du Soleil sur la Lune peut cause' une vitesse de precession Vn a l'orbite de la Lune et cette valeur Vn vaut:

$V_n = (\text{moment de force})/(\text{moment cinetique de la Lune}),$ (equation 1),

(moment de force) =
 $\{(R)[\sin(5 \text{ degres})]\} [G(M_s)(M_l)] \{ [1/(1U - R)]^2 - [1/(1U + R)]^2 \},$

(moment de force) =
 $\{(R)\sin(5 \text{ degres})\} [G(M_s)(M_l)] \{ (4UR)[1/(U^2 - R^2)]^2 \},$
 (equation 2),

(moment cinetique de la Lune) = $[(\text{constant})R^2](\text{vitesse lineaire Lune})/R,$

(equation 3),

Comme la vitesse lineaire de la Lune est constante tout comme tout ls autres termes sauf R { on peut considerer ici que le terme $[1/(U^2 - R^2)]^2$ est constant, U etant une unite astronomique }, alors V_n qui est l'equation 2 divise' par l'equation 3 vaut :
 $V_n = (\text{constante2})R$, (equation 4).

Et l'on sait que la duree du cycle N est d'autant plus courte que vitesse angulaire de precession V_n est grande, la relation entre ces deux variables est la suivante:

$$N = [2(\text{pie})]/V_n,$$

$$N = [2(\text{pie})]/[(\text{constante2})R],$$

$$N = (\text{constante3})/R, \text{ (equation 5),}$$

R etant le rayon de l'orbite de la Lune .

Enfin il me reste a demontre' que la vitesse de precession des equinoxe V_e vari comme $1/R$ [ecrivons que V_e vari comme $(\text{constante4})/R$], R etant le rayon de l'orbite de la Lune,

$$V_e = [2(\text{pie})]/E,$$

$$E = [2(\text{pie})]/V_e,$$

$$E = [2(\text{pie})]/[(\text{constante4})/R],$$

$$E = (\text{constante5})R, \text{ (equation 6),}$$

sans alle' trop dans les details, nous savons que V_e vaut:

$$V_e = (\text{difference de moment de force})/(\text{composante du moment cinetique de la Terre}),$$

la composante du moment cinetique de la Terre du a sa rotation journaliere est contante [ecrivons (constante9) pour cette composante], la difference du moment de force du a l'action gravitationnelle de la Lune sur le centre de gravite' de la Terre, est du au fait que la Lune tourne autour de la Terre et que l'orbite de la Lune n'est pas circulaire, mais elleptique, aussi comme il a deux vitesses de precession V_e oppose' l'une a l'autre, V_e est la difference entre ces deux

vitesse(ou V_e resultant), ce qu'il faut retenir c'est que la difference des moments de force vari comme:

$$(\text{difference des moments de force}) = (\text{constante6})/[(\text{constante7})R^2],$$

$$(\text{difference des moments de force}) = (\text{constante8})/R^2,$$

alors V_e vaut donc:

$$V_e = [(\text{constante8})/R^2]/[(\text{constante9})/R],$$

$$V_e = (\text{constante4})/R, \text{ (equation 6),}$$

voila la demonstration est complete', et il faut retenir que :

$$V_e = [2(\text{pie})]/E,$$

$$E = [2(\text{pie})]/V_e,$$

$$E = (\text{constante5})R, \text{ (equation 6),}$$

On remarque que E vari a l'inverse de N , quand la duree du cycle N augmente, alors

la duree du cycle E diminu d'autant, ce qui fait qu'en diminuant R , il a une valeur de R pour laquelle N egal E et cette valeur est

$O = 693$ ans, de facon a ce que:

$$O = (NE)^{(1/2)} = 693 \text{ ans,}$$

nous pouvons donc constater que cette equation demeure valable meme si N n'est pas egal a E , car si l'une de ces valeurs vari, l'autre valeur vari d'autant, mais en sens inverse, et c'est pour cette raison que:

$$O = (NE)^{(1/2)}.$$

O = la racine carre' du produit NE .

Remarque: j'ai edite' l'edition 1, et notons que la valeur de $V_e = (\text{constante4})/R$ n'est peut-ere pas exact,

mais V_e n'egal pas non plus $(\text{constante4})/R^2$,

parce que ce qui arrive c'est que la composante du moment cinetique de la Terre dans le plan perpendiculaire a l'axe Terre-Lune(ligne reliant la Terre a la Lune) varie comme le sinus de l'angle fait par le plan de l'orbite de la Terre avec le plan de l'orbite de la Lune, mais l'angle de ce sinus vari aussi avec l'obliquite' de l'axe de la Terre, et si le rayon de l'orbite de la Lune vari, alors l'obliquite' de l'axe de la Terre va varie' aussi, alors le sinus de cette angle va varie' comme l'inverse du rayon R de l'orbite de la Lune, et c'est pour cela que l'equation 6 demeure valide, comme le

montre ma nouvelle edition de mon edition 1, je m'excuse :) .

Ce qui est certain, c'est quand N augmente, E diminue et il viendrait un moment(apres avoir varier l'orbite R de la Lune) ou la valeur de N serait egal a la valeur de E et cette valeur serait O et donc la racine carre' de NE vaudrait O, car NE vaudrait OO et la racine carre' de OO est O, mais cette valeur de O serait differente de 693 ans si Ve n'egal pas exactement $(\text{constante4})/R$ ou que E n'egal pas exactement $(\text{constante5})R$, voila la seule dfference(en variant l'orbite R de la Lune, O ne serait peut etre pas constant).

J'admet que la precision de Ve et E est difficile a voir, si on vari le rayon de l'orbite de la Lune, mais l'important est de saisir que la valeur de O est intermediaire entre N et E et n'est pas tres differente de la valeur que j'ai calcule', soit $O = 693$ ans.

