

Preuve théorique que l'accélération gravitationnel est proportionnel a une masse par unité de surface

Soit la loi suivante représentant l'accélération gravitationnel:

$$(\text{accé. gravi.}) = \text{accé. centri.} = (V^2)/R = [4(\pi)^2]R[1/T^2] = [4(\pi)G][(\text{masse})/(\text{surface})], \quad (\text{équation a}),$$

V étant la vitesse de satellisation et T la période de Képler pour une orbite circulaire,

G est la constante gravitationnel , ( $\pi$ ) vaut environ 3.1416 , accé. gravita. pour l'accélération gravitationnel, accé. centri. pour l'accélération centripète,

considérons toujours ici une densité d uniforme, et les trois cas suivant:

soit le cas d'une sphère de rayon R et de masse valant  $d(\text{volume}) = d(4/3)(\pi)R^3$  , de surface valant  $[4(\pi)R^2]$  ;

soit le cas d'un disque de diamètre 2R beaucoup plus grand que son épaisseur e ,

de masse valant  $d[\text{volume}] = d[(e)(\pi)R^2]$  , de surface valant  $[2(\pi)R(e)]$  ;

soit le cas d'une barre de longueur 2R beaucoup plus grande que sa largeur et son épaisseur,

sa largeur égal son épaisseur, de surface valant  $[2(\text{largeur})(\text{épaisseur})]$ ,

de masse valant  $d[\text{volume}] = d[(\text{largeur})(\text{épaisseur})(2R)]$  ;

En isolant la période de Képler T de l'équation a , on obtient pour les 3 cas suivants:

$$T^2 = (\pi)/(Gd) , \quad (\text{cas d'une barre galactique tournante de densité uniforme}), \quad (\text{équation 1a}) ,$$

$$T^2 = 2(\pi)/(Gd) , \quad (\text{cas d'un disque galactique de densité uniforme}), \quad (\text{équation 2a}),$$

$$T^2 = 3(\pi)/(Gd) , \quad (\text{cas d'une sphère galactique de densité uniforme}), \quad (\text{équation 3a}),$$

Soit  $\{T(\text{barre})\}^2$  la période au carré de la barre galactique, soit  $\{T(\text{disque})\}^2$  la période au carré du disque galactique,

Soit  $[T(\text{sphère})]^2$  la période au carré de la sphère galactique, alors on peut écrire les équations 1a, 2a, 3a, comme suit:

$$[(Gd)/(\pi)]\{T(\text{barre})\}^2 = 1 , \quad (\text{équation 1b}),$$

$$[(Gd)/(\pi)]\{T(\text{disque})\}^2 = 2 , \quad (\text{équation 2b}),$$

$$[(Gd)/(\pi)]\{T(\text{sphère})\}^2 = 3 , \quad (\text{équation 3b}),$$

Pour vérifier la cohérence de ces trois équations, additionons d'abord ces trois équations:

$$[(Gd)/(\pi)][\{T(\text{barre})\}^2 + \{T(\text{disque})\}^2 + \{T(\text{sphère})\}^2] = 1 + 2 + 3 = 6 , \quad (\text{équation b}),$$

Pour vérifier la cohérence de cette équation b, prenons le cas particulier ou la densité d vaut  $6(\pi)/G$  ,

cela donne une densité exagérer pour des galaxies, mais on peut imaginer des modèles réduit

dans le simple but de vérifier la cohérence de cette équation b, pour la densité  $d = 6(\pi)/G$ , on a:

$$[G/(\pi)][6(\pi)/G][\{T(\text{barre})\}^2 + \{T(\text{disque})\}^2 + \{T(\text{sphère})\}^2] = 6, \text{ (équation c),}$$

$$[\{T(\text{barre})\}^2 + \{T(\text{disque})\}^2 + \{T(\text{sphère})\}^2] = 1, \text{ (équation c),}$$

selon la densité qu'on a choisit qui est  $d = 6(\pi)/G$ , l'équation 1b nous donne  $\{T(\text{barre})\}^2 = 1/6$ ,

l'équation 2b nous donne  $\{T(\text{disque})\}^2 = 1/3$ , l'équation 3b donne  $\{T(\text{sphère})\}^2 = 1/2$ ,

en introduisant ces trois valeurs dans l'équation c, on obtient:

$$[1/6 + 1/3 + 1/2] = 1, \text{ (équation d),}$$

$$[1/6 + 2/6 + 3/6] = 1, \text{ (équation d),}$$

$$[(1 + 2 + 3)/6] = 6/6 = 1,$$

on a bien vérifier la cohérence des équations 1b, 2b, 3b, avec les équations b, c, d,

si on modifie la constante 2 de l'équation 2b, ou la constante 1 de l'équation 1b, cette cohérence ne vaut plus,

par exemple j'ai essayer seulement l'équation 2b avec l'équation 3b, en remplaçant la contante 2

de l'équation 2b par une constante plus grande et cela ne fonctionne pas, cela ne donne pas une égalité

cohérente apres l'addition, ce qui mène a la conclusion suivante:

Conclusion:

L'accélération gravitationnel est proportionnel a une masse par unité de surface, comme est écrite l'équation a, puis mes équations 1a, 2a, 3a, 1b, 2b, 3b, sont exacts.